

WS 2009/10 30.10.2009

3. Übungsblatt zur Vorlesung Navier-Stokes Gleichungen I

Gruppenübung

Aufgabe G1

Zeigen Sie folgende Gleichungen aus dem Beweis des Theorems 3.10.

$$\int_{\Gamma_{r,\eta}} \frac{\mathrm{e}^{\mu z'}}{\mu - \lambda} d\mu = 0, \quad \int_{\Gamma_{\tilde{r},\tilde{\eta}}} \frac{\mathrm{e}^{\mu z}}{\lambda - \mu} d\lambda = 2\pi i \mathrm{e}^{\mu z}, \quad \int_{-\Gamma_{r,\eta}} \frac{R(\mu, A)x}{\mu - \lambda} d\mu = R(\lambda, A).$$

Aufgabe G2

Zeigen Sie Lemma 3.12(a)-(d).

Aufgabe G3

Zeigen Sie Lemma 3.13.

Aufgabe G4

Sei $\Omega \subset \mathbb{C}$ offen und

$$\left\{ \begin{array}{ccc} \Omega & \to & \mathcal{H}(\Sigma) \\ \mu & \mapsto & f(\mu, \cdot) \end{array} \right. .$$

Unter welchen Bedingungen ist $\mu \mapsto f_{bd}(\mu, A)$ analytisch?

Aufgabe G5

Beweisen Sie die Aussagen aus Beispiel 4.4.