



## 7. Übungsblatt zur „Mathematik und Statistik für Biologie“

### Aufgabe 25

(3 Punkte)

Biologe B. weiss, dass aus einem befruchteten Hühnerei in 55% der Fälle eine Legehennen wird, sonst ein Masthahn. In der Hühnerfarm von seinem Freund Bauer C. liegen 10 befruchtete Eier. Beide sind nun an den Wahrscheinlichkeiten für die folgenden Ereignissen interessiert:

- (a) A=“Es schlüpfen genau 5 Legehennen.”
- (b) B=“Es schlüpfen weniger als 10 Legehennen.”
- (c) C=“Es schlüpfen 5 oder 10 Legehennen.”

Berechnen Sie die Ergebnisse auf drei Stellen genau! Gehen Sie davon aus, dass das Schlüpfen einer Legehennen bzw. eines Masthahns bei den einzelnen Eiern unbeeinflusst voneinander erfolgt.

### Aufgabe 26

(3 Punkte)

Eine Multiple-Choice-Klausur mit  $n \in \{10, 20\}$  Aufgaben, bei denen jeweils die richtige von zwei vorgegebenen Antwortmöglichkeiten angekreuzt werden muss, gilt als bestanden, wenn mindestens 60 % der Antworten richtig sind. Student S. versucht diese Klausur zu bestehen, indem er bei jeder Aufgabe je eine der beiden möglichen Antworten zufällig (und unbeeinflusst von seiner Wahl bei den anderen Aufgaben) auswählt.

- (a) Was würden Sie vermuten: Ist es wahrscheinlicher, dass Student S. die Klausur besteht, wenn sie 10 oder wenn sie 20 Fragen enthält?
- (b) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass Student S. die Klausur besteht, für  $n = 10$  und  $n = 20$ .

**Aufgabe 27**

(3 Punkte)

(a) Student S. stellt jeden Morgen seine Zimmerpflanze auf eine Fensterbank. Der Stellvorgang ist gleichverteilt und die Pflanze wird immer in einem Bereich abgestellt, der zwischen 10 cm und 50 cm vom rechten Rand der Fensterbank entfernt ist. Student S. merkt nicht, dass die ersten 5 cm seiner Stellfläche stark nach unten geneigt sind, was unweigerlich zum Absturz seiner Pflanze führen würde. Mit welcher Wahrscheinlichkeit geschieht dies?

(b) Die Zeit (in Tagen) bis zum Ausfall einer No-Name-Energiesparlampe sei Exponentialverteilt mit Parameter  $\lambda = \frac{1}{10}$ . Mit welcher Wahrscheinlichkeit übersteht eine solche Lampe die ersten 11 Betriebstage?

**Aufgabe 28**

(3 Punkte)

Student S. vermutet, dass die zufällige Zeit (in Minuten), die Dozent K. bei seiner Statistik Vorlesung immer zu früh kommt, durch ein W-Maß beschrieben wird, das eine Dichte der Form

$$f(x) = \begin{cases} \beta \cdot x & \text{für } 0 \leq x \leq \alpha, \\ 0 & \text{für } x < 0 \text{ oder } x > \alpha \end{cases}$$

besitzt. Hierbei sind  $\alpha, \beta > 0$  Parameter der Dichte.

(a) Welche Beziehung muss zwischen  $\alpha$  und  $\beta$  bestehen, damit  $f$  wirklich Dichte eines Wahrscheinlichkeitsmaßes ist?

(b) Bestimmen Sie für  $\alpha = 4$  und  $\beta = 1/8$  die zu  $f$  gehörende Verteilungsfunktion, d.h. die durch

$$F : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \quad F(x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt$$

definierte Funktion  $F$ .

(c) Skizzieren Sie die Graphen von  $f$  und  $F$  für  $\alpha = 4$  und  $\beta = 1/8$ .

(d) Sei wieder  $\alpha = 4$  und  $\beta = 1/8$ . Wie groß ist – sofern  $f$  wirklich die zufällige Zeit beschreibt, die Dozent K. zu früh kommt – die Wahrscheinlichkeit, dass Dozent K.

i. weniger als zwei Minuten zu früh kommt?

ii. mehr als zehn Minuten zu früh kommt?

**Abgabe der Übung:** Eine Woche nachdem das Übungsblatt zu Ihrem Übungstermin bearbeitet wurde, zu Beginn der nächsten Übung bei Ihrer Übungsgruppenleiterin oder bei Ihrem Übungsgruppenleiter.