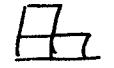


# 1. Übung Analysis I

(6) 4)

a) Beweis mit vollst. Induktion.

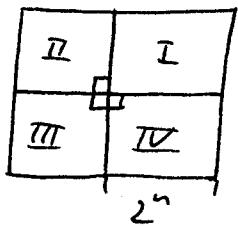
I. A.:  $n=1$  dann hat das Schachbrett die Form 

Entfernt man ein Feld so läuft es sich offensichtlich mit einem Kästenstück der Form  überdecken.

Die Aussage ist also für  $n=1$  richtig.

I. S.:  $n \rightsquigarrow n+1$ :

Wir nehmen von einem Schachbrett der Seitenlänge  $2^{n+1}$  ein beliebiges Feld weg und unterteilen es in 4 Teile



I, II, III und IV haben jeweils Seitenlänge  $2^n$ .

O.B.d.A. liegt das entfernte Feld in Quadrat I.

Nach Induktionsannahme (jedes Schachbrett mit  $2^n$  Seitenlänge läuft sich mit den Kästenstücken überdecken, falls von Brett ein Feld entfernt wurde)

läuft sich I mit L-förmigen Kästenstücken überdecken.

Die Quadrate II, III und IV laufen sich nach Induktionsannahme