Fachbereich Mathematik

Prof. Dr. Ulrich Kohlenbach Dr. Benno van den Berg



8. Dezember, 2008

2. Hausaufgabe Formale Grundlagen der Informatik I WS 2008/2009

Abgabe: Fr 19. Dezember, in der Übung

Geben Sie bitte ihren Namen und die Nummer ihrer Übungsgruppe an.

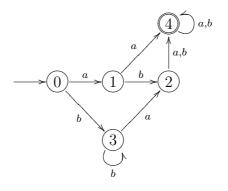
(H2.1) [Reguläre Sprachen]

(a) Sei
$$\Sigma = \{a, b\}$$
 und

$$L = L(a(ab)^*(a+b)).$$

Geben Sie einen NFA \mathcal{A} an mit $L(\mathcal{A}) = L$.

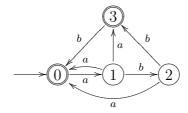
(b) Betrachten Sie den DFA \mathcal{B} :



Bestimmen Sie $L(\mathcal{B})$.

(H2.2) [Potenzmengen-Trick]

Betrachten Sie den NFA \mathcal{A}

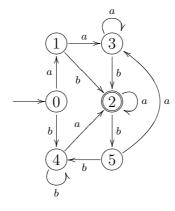


und sei L = L(A).

Konstruieren Sie einen DFA \mathcal{B} mit $L(\mathcal{B}) = L$.

(H2.3) [Minimierung]

Betrachten Sie den DFA \mathcal{A}



und sei L = L(A).

Konstruieren Sie einen minimalen DFA \mathcal{B} mit $L(\mathcal{B}) = L$.

(H2.4) [Pumping Lemma]

(a) Sei $\Sigma = \{a, b, c\}$ und

$$L_1 = \{a^n b c^n : n \geqslant 2\}.$$

Zeigen Sie mit Hilfe des Pumping Lemmas, dass die Sprache L_1 nicht regulär ist.

(b) Sei $\Sigma = \{a,b\}$ und

$$L_2 = \{ x \in \Sigma^* : 2|x|_a = |x|_b \}.$$

Zeigen Sie mit Hilfe des Pumping Lemmas, dass die Sprache L_2 nicht regulär ist.

2