

670

i) richtig, denn EV zu verschiedenen EW sind linear unabhängig ( $\rightarrow$  Unabhängigkeit)

ii)

a) falsch

b) richtig

c) falsch (z.B.  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ !)

iii)

a) falsch

b) falsch

c) richtig

671

$$\text{i) } \det(\mathbb{B}_2 - \lambda \cdot \mathbb{I}) = \begin{vmatrix} -\lambda & -1 \\ 1 & -\lambda \end{vmatrix} = \lambda^2 - 1$$

$$\lambda^2 - 1 = 0 \Rightarrow \lambda^2 = 1 \Rightarrow \lambda_{1,2} = \pm 1.$$

$$v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ i \end{pmatrix}, v_2 = \begin{pmatrix} i \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{ii) } \det(\mathbb{B}_3 - \lambda \cdot \mathbb{I}) = (1-\lambda)(-1-\lambda) = -1 + \lambda^2$$

$$\lambda^2 = 1 \Rightarrow \lambda_{1,2} = \pm 1$$

$$v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, v_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

iii)

$$\text{A: } \det(A - \lambda \cdot \mathbb{I}) = \lambda^3 + \lambda^2 - \lambda - 1 = (\lambda - 1)(\lambda + 2)^2$$

$$\Rightarrow \lambda_1 = 1, \lambda_{2,3} = -2$$

$$v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, v_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, v_3 = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

B: ~~ist~~ ~~keine~~ ~~stetig~~ Besitzt keine EV,  $\dim \text{Bild} = 2$ .