

Fachbereich Mathematik  
Prof. Dr. M. Kiehl  
Dr. M. Geißert  
S. Ullmann



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

WS 2008/2009  
12.12.2008

## 8. Übungsblatt zur Mathematik III für MB, WI/MB, MPE, AngMech

### Gruppenübung

#### Aufgabe G1

Berechnen Sie die allgemeine reelle Lösung des Differentialgleichungssystems

$$\begin{aligned}\dot{x} &= -x + 5y, \\ \dot{y} &= -x + 3y.\end{aligned}$$

Ist die spezielle Lösung  $x \equiv 0$ ,  $y \equiv 0$  stabil?

#### Aufgabe G2

Schreiben Sie die wichtigsten Sätze für das Rechnen mit der Laplace-Transformierten auf (5 bis 10 Minuten).

#### Aufgabe G3

Berechnen Sie die Lösung des Anfangswertproblems

$$\frac{d^2y}{dt^2} + y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 1$$

mithilfe der Laplacetransformation.

### Aufgabe G4

Bestimmen Sie die Originalfunktion zur Laplace-Transformierten  $F(s) = \frac{s+1}{s^2+s-6}$ .

## Hausübung

### Aufgabe H1

Berechnen Sie die Laplace-Transformierten der folgenden Funktionen:

- (a)  $f_1(t) = 3 \cosh(t) - \cos(2t)$  (Linearität),
- (b)  $f_2(t) = (t/2) \sin(4t)$  (Differentiationsatz),
- (c)  $f_3(t) = (t-1)^2 e^{-t}$  (Dämpfungs- und Verschiebungssatz).

### Aufgabe H2

Bestimmen Sie jeweils die Originalfunktion zu den folgenden Laplace-Transformierten:

- (a)  $F_1(s) = \frac{s+4}{s^2+4s-5}$  (Partialbruchzerlegung),
- (b)  $F_2(s) = \ln(s+2) + \ln(s+1)$  (Differentiationsatz),
- (c)  $F_3(s) = \frac{1}{(s+2)^2} + \frac{1}{(s+2)^3}$  (Dämpfungs- und Verschiebungssatz).

### Aufgabe H3

Lösen Sie das folgende lineare Anfangswertproblem mit Hilfe der Laplacetransformation:

$$\ddot{y} + 4\dot{y} - 5y = 0, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 0.$$

Abgabe: **19.12.2008** in der jeweiligen Gruppenübung