

Satz: Sei $\Omega = \{x_1, x_2, \dots\}$ abzählbar unendlich und

$(p_k)_{k \in \mathbb{N}}$ reelle Folge mit

$$0 \leq p_k \leq 1 \quad (k \in \mathbb{N}) \quad \text{und} \quad \sum_{k=1}^{\infty} p_k = 1.$$

Dann wird durch $(\Omega, \mathcal{P}(\Omega), P)$ mit

$$P(A) = \sum_{k: x_k \in A} p_k \quad (A \in \mathcal{P}(\Omega))$$

ein W -Raum definiert.

Def: $(p_k)_{k \in \mathbb{N}}$ heißt Zähl-dichte des obigen W -Maßes.

Def: $n \in \mathbb{N}$, $p \in [0, 1]$.

Das durch die Zähl-dichte $(b(n, p, k))_{k \in \mathbb{N}}$

mit

$$b(n, p, k) = \begin{cases} \binom{n}{k} \cdot p^k (1-p)^{n-k} & , 0 \leq k \leq n \\ 0 & , \text{sonst} \end{cases}$$

festgelegte W -Maß heißt Binomialverteilung (mit Parametern n und p).