

## Empirisches Gesetz der großen Zahlen

Führt man ein  $\mathbb{Z}E$  unbeeinflusst voneinander immer wieder durch, so nähert sich für große Anzahlen von Wiederholungen die relative Häufigkeit eines Ereignisses  $A$  einer Zahl  $P(A) \in [0,1]$  an.  
 $P(A)$  wird als Wahrscheinlichkeit von  $A$  bezeichnet.

Vorgehen im Folgenden:

- i) Gesetzmäßigkeiten für  $A \mapsto P(A)$  festlegen
- ii) Modelle für  $A \mapsto P(A)$  vorstellen, dabei i) nachweisen
- iii) Folgerungen aus ii) herleiten

Def: Menge  $\Omega$  aller möglichen Ergebnisse des  $\mathbb{Z}E$  heißt Grundmenge.

Bem: Meist kann man nicht für alle  $A \subseteq \Omega$  w. sinnvoll festlegen.

Def: Eine "Menge"  $\mathcal{A}$  von Mengen  $A \subseteq \Omega$ , die  $\emptyset$  und  $\Omega$  enthält und abgeschlossen bzgl. abzählbar vielen der üblichen Mengenoperationen ist, heißt  $\sigma$ -Algebra.

Wichtige Beispiele:

- a) Falls  $\Omega$  abzählbar:  $\mathcal{A} = \mathcal{P}(\Omega)$
- b) Falls  $\Omega = \mathbb{R}$ :  $\mathcal{A} = \mathcal{B} =$  Borelsche  $\sigma$ -Algebra über  $\mathbb{R}$   
= "kleinst"  $\sigma$ -Algebra, die alle Intervalle enthält.