



## 0. Übungsblatt zur Mathematik II für BI, MaWi, WI(BI), AngGeo und VI

### Aufgabe/Wiederholung zu Reihen

Die folgenden beiden Reihen sind den Beispielen im Kapitel 19 des Arbeitsbuches (siehe Literaturhinweise zur Vorlesung) entnommen. Zeigen Sie mit Hilfe des Quotientenkriteriums, dass diese Reihen konvergieren.

$$a) \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(k!)^2}{(2k)!} \quad b) \sum_{k=0}^{\infty} (-1)^k \left(\frac{4}{k}\right)^k$$

### Aufgabe zum Einstimmen auf Potenzreihen

Eine Potenzreihe  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$  habe den Konvergenzradius  $\rho > 0$ . Dann hat die Potenzreihe  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4^n a_n}{3} x^{2n}$  den Konvergenzradius

$$(a) 4\rho \quad (b) \frac{4}{3}\rho \quad (c) \sqrt{2\rho} \quad (d) \frac{1}{2}\sqrt{\rho}$$

## Hausübung

### Aufgabe H1

Bestimmen Sie den Konvergenzradius der folgenden Potenzreihen.

$$a) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2} (1 + (-1)^n) x^n \quad b) \sum_{n=0}^{\infty} n^5 x^n \quad c) \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^n x^{2n}$$

### Aufgabe H2

Gegeben seien die Reihen  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n^n}$  und  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n(-1)^n}{2^n} x^n$ .

- (a) Für welche  $x \in \mathbb{R}$  konvergieren diese Reihen? Liegt auch absolute Konvergenz vor?
- (b) Bestimmen Sie das Cauchy-Produkt der Reihen.

**Hinweis:** Nummerieren Sie die Reihen so um, dass der Laufindex bei 0 beginnt.