

05.12.2008

Analysis II für M, HLM, Ph

7. Tutorium

Gruppenübung

G 19 Gleichmäßige Stetigkeit

Sei die Funktion

$$f(x,y) = \arcsin\frac{x}{y}$$

gegeben. Ist diese Funktion stetig auf ihrem Definitionsbereich D(f)? Ist diese Funktion gleichmäßig stetig auf D(f)?

G 20 Lineare Abbildungen

Sei $f \in L(\mathbb{R}^n, \mathbb{R}^m)$ und

$$||f|| = \sup_{\|x\| \le 1} ||f(x)||.$$

Zeige:

$$||f|| = \inf\{C \ge 0 \mid ||f(x)|| \le C||x||, \ \forall x \in \mathbb{R}^n\}.$$

G 21 Zusammenhängende Mengen

Sei $\{X_i\}_{i\in I}$ eine Familie zusammenhängender Teilmengen von \mathbb{R}^n , die sich paarweise schneiden. Dann ist die Vereinigung

$$X := \bigcup_{i \in I} X_i$$

ebenfalls zusammenhängend.